

Formelblatt zur Prüfung "Einführung in die Festigkeitslehre", Frühjahr 2008

Hookesches Gesetz		
Beanspruchung	Dehnungen	Spannungen
σ_x ($\sigma_y = \sigma_z = 0$)	$\varepsilon_x = \frac{1}{E} \cdot \sigma_x$ $\varepsilon_y = -\frac{\mu}{E} \cdot \sigma_x$ $\varepsilon_z = -\frac{\mu}{E} \cdot \sigma_x$	$\sigma_x = E \cdot \varepsilon_x$ $\sigma_y = 0$ $\sigma_z = 0$
$\sigma_x; \sigma_y$ ($\sigma_z = 0$)	$\varepsilon_x = \frac{1}{E} (\sigma_x - \mu \sigma_y)$ $\varepsilon_y = \frac{1}{E} (\sigma_y - \mu \sigma_x)$ $\varepsilon_z = -\frac{\mu}{E} (\sigma_x + \sigma_y)$	$\sigma_x = \frac{E}{1-\mu^2} (\varepsilon_x + \mu \cdot \varepsilon_y)$ $\sigma_y = \frac{E}{1-\mu^2} (\varepsilon_y + \mu \cdot \varepsilon_x)$ $\sigma_z = 0$
$\sigma_x; \sigma_y; \sigma_z$	$\varepsilon_x = \frac{1}{E} (\sigma_x - \mu (\sigma_y + \sigma_z))$ $\varepsilon_y = \frac{1}{E} (\sigma_y - \mu (\sigma_x + \sigma_z))$ $\varepsilon_z = \frac{1}{E} (\sigma_z - \mu (\sigma_x + \sigma_y))$	$\sigma_x = \frac{E}{1+\mu} \left(\varepsilon_x + \frac{\mu}{1-2\mu} \cdot e \right)$ $\sigma_y = \frac{E}{1+\mu} \left(\varepsilon_y + \frac{\mu}{1-2\mu} \cdot e \right)$ $\sigma_z = \frac{E}{1+\mu} \left(\varepsilon_z + \frac{\mu}{1-2\mu} \cdot e \right)$ mit ($e = \varepsilon_x + \varepsilon_y + \varepsilon_z$)

Schubspannungs-,
Schiebungs-
beziehungen:

$$\tau_{xy} = G \cdot \gamma_{xy}$$

$$\tau_{yz} = G \cdot \gamma_{yz}$$

$$\tau_{zx} = G \cdot \gamma_{zx}$$

$$\left(G = \frac{E}{2(1+\mu)} \right)$$

Vergleichsspannungen				
Spannungszustand				
Hypo- these	dreiachsig	zweiachsig		
	$\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$	$\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3 = 0^{+)}$	$\sigma_x, \sigma_y, \tau_{xy}$	σ_b, τ_t
NH	σ_1 (Zug) bzw. σ_3 (Druck)	σ_1	$\frac{\sigma_x + \sigma_y}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4\tau_{xy}^2}$	$\frac{\sigma_b}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{\sigma_b^2 + 4\tau_t^2}$
SH	$\sigma_1 - \sigma_3$	σ_1	$\sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4\tau_{xy}^2}^{++)}$	$\sqrt{\sigma_b^2 + 4\tau_t^2}$
GEH	$\frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{(\sigma_1 - \sigma_2)^2 + (\sigma_2 - \sigma_3)^2 + (\sigma_3 - \sigma_1)^2}$	$\sqrt{\sigma_1^2 + \sigma_2^2 - \sigma_1 \sigma_2}$	$\sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 - \sigma_x \sigma_y + 3\tau_{xy}^2}$	$\sqrt{\sigma_b^2 + 3\tau_t^2}$

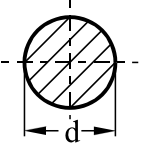
⁺⁾ Für die Fälle $\sigma_1 > 0; \sigma_2 = 0; \sigma_3 < 0$ bzw. $\sigma_1 = 0; \sigma_2 < 0; \sigma_3 < 0$ ergibt sich σ_v aus Spalte 1

⁺⁺⁾ gilt nur für $\sigma_x \sigma_y \leq \tau_{xy}^2$; für $\sigma_x \sigma_y > \tau_{xy}^2$ ist σ_v (SH) = σ_v (NH)

Kerbwirkungszahl:

$$\beta_k = \frac{\alpha_k}{n_\chi}$$

Trägheits- und Widerstandsmomente

		Axiale Trägheits- und Widerstandsmomente		Polare Trägheits- und Widerstandsmomente	
Kreisquerschnitt		$I = \frac{\pi}{64} d^4$	$W_b = \frac{\pi}{32} d^3$	$I_P = \frac{\pi}{32} d^4$	$W_t = \frac{\pi}{16} d^3$

Verdrehwinkel

$$\varphi = \frac{M_t \cdot L}{G \cdot I_P}$$

M_t : Torsionsmoment [Nmm]

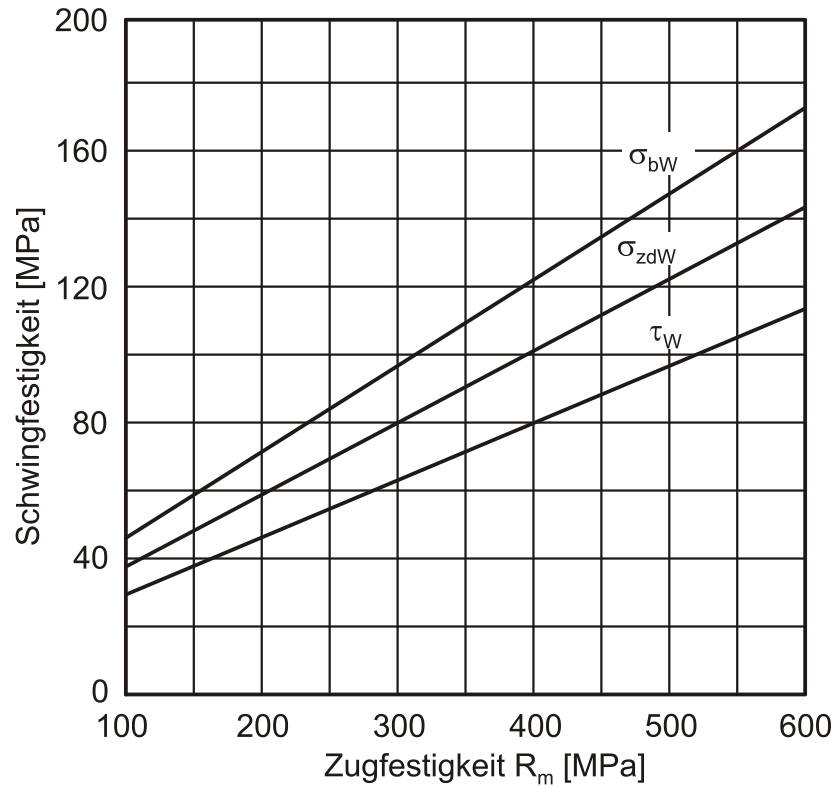
I_P : polares Trägheitsmoment [mm⁴]

G : Schubmodul [MPa]

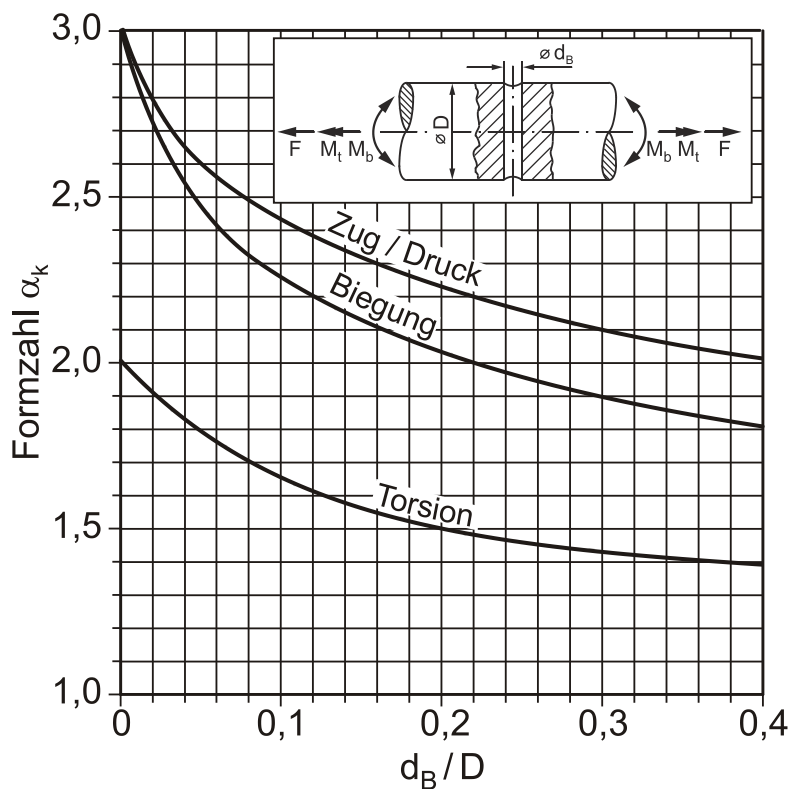
Ertragbare Spannungsamplitude

$$\sigma_A = \sigma_W \cdot \sqrt{1 - \frac{\sigma_m}{R_m}} \quad (\text{zähe Werkstoffe}) \qquad \sigma_A = \sigma_W \left(1 - \frac{\sigma_m}{R_m} \right) \quad (\text{spröde Werkstoffe})$$

Zug-Druck-, Biege- und Torsionswechselfestigkeit von Leichtmetallen in Abhängigkeit von der Zugfestigkeit (Oberfläche poliert):



Formzahldiagramm für quergebohrte Rundstäbe:



$$A \approx \frac{\pi \cdot D^2}{4} - D \cdot d_B$$

$$W_b = \frac{\pi \cdot D^3}{32} - \frac{d_B \cdot D^2}{6}$$

$$W_t = \frac{\pi \cdot D^3}{16} - \frac{d_B \cdot D^2}{6}$$